

SBD:..... Họ và tên học sinh:.....

Mã đề: 638

Câu 1. Cho a là số thực dương và $a \neq 1$. Tính giá trị của biểu thức $a^{14\log_a 2 \sqrt{5}}$.

- A. $125\sqrt{5}$. B. $7\sqrt{5}$. C. 5^{14} . D. 5^7 .

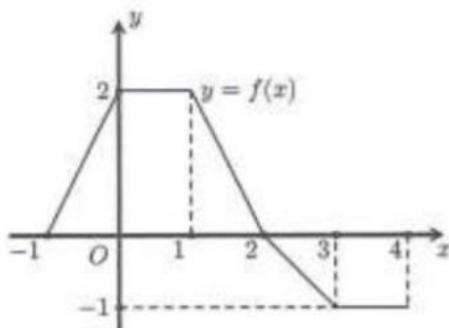
Câu 2. Một mặt cầu có diện tích 16π thì bán kính mặt cầu bằng

- A. 2. B. 4. C. $4\sqrt{2}$. D. $2\sqrt{2}$.

Câu 3. Giá trị của biểu thức $T = \log_{a\sqrt{3}} \left(\sqrt[5]{a\sqrt{a}} \right)$ (với $0 < a \neq 1$) bằng

- A. $\frac{3\sqrt{3}}{10}$. B. 10. C. $\frac{\sqrt{3}}{10}$. D. $\frac{3}{10}$.

Câu 4. Cho hàm số $y = f(x)$ liên tục trên $[-1; 4]$ và có đồ thị như hình vẽ dưới đây. Khẳng định nào sau đây là đúng?



- A. Hàm số đạt cực trị tại $x = 2$.
 B. Hàm số đạt cực đại tại $x = 0$.
 C. Hàm số không có điểm cực trị trên đoạn $[-1; 4]$.
 D. 2 là 1 giá trị cực đại của hàm số.

Câu 5. Cho hình chóp $S.ABC$ có đáy là tam giác vuông cân tại A . Biết $AB = a$, SA vuông góc với đáy và SB tạo với đáy góc 45° . Tính khoảng cách từ A đến mặt phẳng (SBC) .

- A. $\frac{a\sqrt{7}}{3}$. B. $\frac{a\sqrt{3}}{3}$. C. $\frac{a\sqrt{3}}{7}$. D. $\frac{a\sqrt{3}}{2}$.

Câu 6. Đạo hàm của hàm số $y = 4^x$ là

- A. $y' = x \cdot 4^{x-1}$. B. $y' = 4^x$. C. $y' = 2^{2x+1} \ln 2$. D. $y' = \frac{4^x}{2 \ln 2}$.

Câu 7. Cho hàm số $y = x^3 - 2x^2 + ax + b$, ($a, b \in \mathbb{R}$) có đồ thị (C) . Biết đồ thị (C) có điểm cực trị là $A(1; 3)$. Tính giá trị của $P = 4a - b$.

- A. $P = 1$. B. $P = 4$. C. $P = 3$. D. $P = 2$.

Câu 8. Cho hình trụ có bán kính đáy bằng $2a$. Một mặt phẳng đi qua trục của hình trụ và cắt hình trụ theo thiết diện là hình vuông. Tính diện tích xung quanh của hình trụ đã cho.

- A. $18\pi a^2$. B. $8\pi a^2$. C. $16\pi a^2$. D. $4\pi a^2$.

Câu 9. Biết tập nghiệm của phương trình $3^{x^2} \cdot 4^{x+1} - \frac{1}{3^x} = 0$ là $S = \{x_1; x_2\}$ và $x_1 > x_2$. Khi đó

- A. $x_1^2 + 3^{-x_2} = 5$. B. $x_1^2 + 3^{-x_2} = 2$. C. $x_1^2 + 3^{-x_2} = 3$. D. $x_1^2 + 3^{-x_2} = -5$.

Câu 10. Cho hình lăng trụ $ABC.A'B'C'$ có đáy là tam giác đều cạnh a . Biết mặt bên $ABB'A'$ là hình thoi có góc $\widehat{BA A'} = 120^\circ$, mặt bên $ACC'A'$ là hình chữ nhật. Tính thể tích khối lăng trụ đó.

- A. $V = \frac{a^3 \sqrt{3}}{12}$. B. $V = 2a^3$. C. $V = \frac{\sqrt{2}a^3}{4}$. D. $V = \frac{\sqrt{2}}{12}a^3$.

Câu 11. Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số $m \in [-10; 10]$ để hàm số $y = |mx^6 - 3mx^4 + (3m-2)x^2 + 2 - m|$ có 11 điểm cực trị?

- A. 11. B. 7. C. 8. D. 6.

Câu 12. Hàm số nào sau đây **không** đồng biến trên khoảng $(-\infty; +\infty)$?

- A. $y = \frac{x-2}{x-1}$. B. $y = x^5 + x^3 - 10$. C. $y = x+1$. D. $y = x^3 + 1$.

Câu 13. Có bao nhiêu giá trị nguyên dương của tham số m để đường thẳng $d: y = x-1$ và đồ thị hàm số $y = \frac{mx-m}{x+1}$ cắt nhau tại hai điểm phân biệt A, B sao cho đường tròn ngoại tiếp tam giác ABC có chu vi bằng 5π với $C(5; 3)$?

- A. 1. B. 2. C. 0. D. 3.

Câu 14. Cho hình chóp $S.ABCD$ có đáy là hình thoi cạnh $2a$, mặt bên SAB là tam giác vuông cân tại S và nằm trong mặt phẳng vuông góc với đáy. Gọi M, N lần lượt là trung điểm của SD, BC . Biết góc giữa hai mặt phẳng $(SAB), (SCD)$ là 45° . Tính khoảng cách giữa hai đường thẳng MN, SA .

- A. $\frac{a}{2}$. B. a . C. $\frac{a\sqrt{3}}{3}$. D. $\frac{a\sqrt{2}}{2}$.

Câu 15. Tìm tất cả các giá trị thực của tham số m để hàm số $y = mx + (m+1)\sqrt{x-2}$ nghịch biến trên $(2; +\infty)$.

- A. $m \geq 0$. B. $m \leq -1$. C. $m < -1$. D. $-2 \leq m \leq 1$.

Câu 16. Tiệm cận ngang của đồ thị hàm số $y = \frac{\pi}{x+1}$ là đường thẳng có phương trình nào sau đây?

- A. $x=1$. B. $y=\pi$. C. $x=0$. D. $y=0$.

Câu 17. Cho b là số thực dương. Rút gọn biểu thức: $P = \sqrt{\log_2^2(2b) - \frac{\log b}{\log \sqrt{2}} - 1}$.

- A. $P=0$. B. $P=|\log_2 b|$. C. $P=|\log_2 b+1|$. D. $P=|\log_2 b-1|$.

Câu 18. Tổng tất cả các nghiệm của phương trình $\log_{0,2} [\log_2 (x^2 - 5x + 3)] = 0$ bằng

- A. 2. B. -5. C. 7. D. 5.

Câu 19. Cho hình lăng trụ đều có đáy là tam giác đều cạnh bằng a , cạnh bên bằng $2a$. Tính thể tích khối lăng trụ đó.

A. $\frac{a^3}{4}$.

B. $\frac{a^3\sqrt{3}}{2}$.

C. $\frac{3a^3}{4}$.

D. $\frac{a^3\sqrt{3}}{6}$.

Câu 20. Tìm giá trị thực của tham số m để hàm số $y = x^3 - 3x^2 + mx$ đạt cực tiểu tại $x = 2$.

A. $m = 0$.

B. $m = -2$.

C. $m = 1$.

D. $m = 2$.

Câu 21. Cho hình nón đỉnh S , đáy là hình tròn tâm O , bán kính R , góc ở đỉnh hình nón là $\varphi = 120^\circ$. Cắt hình nón bởi mặt phẳng thay đổi qua đỉnh S tạo thành tam giác SAB , trong đó A, B thuộc đường tròn đáy. Khi diện tích tam giác SAB lớn nhất thì $AB = \sqrt{2}$. Tính bán kính đáy của hình nón đó.

A. $\frac{\sqrt{2}}{2}$.

B. $\sqrt{3}$.

C. $\frac{1}{2}$.

D. $\frac{\sqrt{3}}{2}$.

Câu 22. Cho hình hộp chữ nhật $ABCD.A'B'C'D'$ có $AB = 6, AD = 4$. Biết góc giữa AB và DC' là 30° , tính thể tích của hình hộp chữ nhật đó.

A. 48.

B. $16\sqrt{3}$.

C. $24\sqrt{3}$.

D. $48\sqrt{3}$.

Câu 23. Gọi $D_1; D_2$ và D_3 lần lượt là tập xác định của hàm số $y = 2^x; y = (x+1)^{\sqrt{2}}$ và $y = \ln x$. Khẳng định nào sau đây đúng?

A. $D_1 \supset D_2 \supset D_3$.

B. $D_2 \subset D_1 = D_3$.

C. $D_2 = D_3 \subset D_1$.

D. $D_1 \subset D_2 \subset D_3$.

Câu 24. Cho hàm số $y = x^4 + bx^2 + c$. Biết $\min_{\mathbb{R}} y = y(1) = -1$. Mệnh đề nào sau đây đúng?

A. $\max_{[-1;1]} y = 2$.

B. $\max_{[-1;1]} y = 0$.

C. $\max_{[-1;1]} y = 1$.

D. $\max_{[-1;1]} y = \frac{3}{2}$.

Câu 25. Cho hình trụ có chiều cao $h = 2a$, bán kính đáy $r = a$. Gọi O, O' lần lượt là tâm của hai đường tròn đáy. Trên hai đường tròn đáy lần lượt lấy hai điểm A, B sao cho hai đường thẳng AB và OO' chéo nhau và góc giữa hai đường thẳng AB với OO' bằng 30° . Khoảng cách giữa hai đường thẳng AB và OO' bằng:

A. $\frac{a\sqrt{6}}{2}$.

B. $\frac{a\sqrt{6}}{3}$.

C. $a\sqrt{3}$.

D. $a\sqrt{6}$.

Câu 26. Với mọi số thực a khẳng định nào sau đây là đúng?

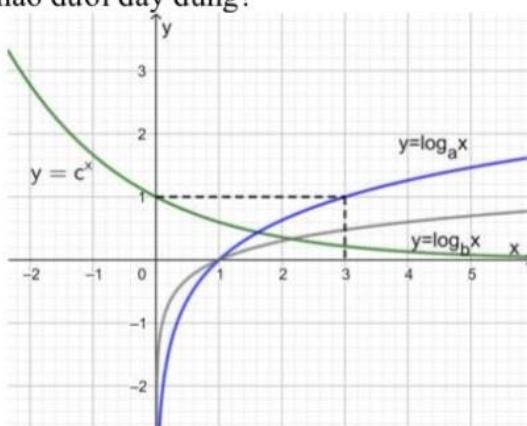
A. $2^{a+3} = 6 \cdot 2^a$.

B. $\sqrt[5]{a} = a^{\frac{1}{5}}$.

C. $\ln(a^2 + 1) \geq 0$.

D. $\log_2 a^2 = 2 \log_2 |a|$.

Câu 27. Cho ba số thực dương a, b, c khác 1. Đồ thị các hàm số $y = a^x, y = \log_b x, y = \log_c x$ được cho trong hình vẽ dưới đây. Mệnh đề nào dưới đây đúng?



A. $c < a < b$.

B. $b < a < c$.

C. $c < b < a$.

D. $a < b < c$.

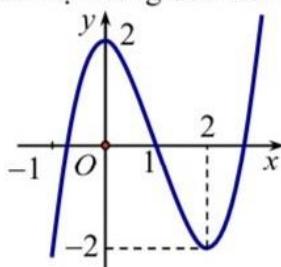
Câu 28. Khẳng định nào sau đây đúng?

- A. Phương trình $2^{2x^2-5x+3} = 1$ có nghiệm duy nhất.
- B. Phương trình $2^{2x^2-5x+3} = 1$ có hai nghiệm phân biệt.
- C. Phương trình $2^{2x^2-5x+3} = 1$ vô nghiệm.
- D. Phương trình $2^{2x^2-5x+3} = 1$ có nghiệm âm.

Câu 29. Cho khối chóp $S.ABC$, trên ba cạnh SA , SB , SC lần lượt lấy ba điểm A' , B' , C' sao cho $SA' = \frac{1}{2}SA$, $SB' = \frac{2}{3}SB$, $SC' = \frac{1}{4}SC$. Gọi V và V' lần lượt là thể tích của các khối chóp $S.ABC$ và $S.A'B'C'$. Khi đó tỉ số $\frac{V'}{V}$ là:

- A. 24.
- B. 12.
- C. $\frac{1}{24}$.
- D. $\frac{1}{12}$.

Câu 30. Đường cong ở hình bên là đồ thị của một trong bốn hàm số dưới đây. Hàm số đó là hàm số nào?



- A. $y = x^3 - 3x^2 + 2$.
- B. $y = x^3 - 3x^2 + 1$.
- C. $y = -x^3 + 3x^2 + 2$.
- D. $y = x^3 + 3x^2 + 2$.

Câu 31. Gọi a, b lần lượt là số điểm cực đại và số điểm cực tiểu của hàm số $y = (x^3 + 3x + 1)e^{-2x}$. Tính $2a + b$.

- A. 2.
- B. 4.
- C. 3.
- D. 1.

Câu 32. Hình bát diện đều thuộc loại khối đa diện đều nào sau đây?

- A. $\{5;3\}$.
- B. $\{3;4\}$.
- C. $\{3;3\}$.
- D. $\{4;3\}$.

Câu 33. Cho hình chóp $S.ABC$ có đáy ABC là tam giác vuông tại B và $BA = BC = a$. Cạnh bên $SA = 2a$ và vuông góc với mặt phẳng (ABC) . Bán kính mặt cầu ngoại tiếp khối chóp $S.ABC$ là:

- A. $3a$.
- B. $\frac{a\sqrt{6}}{2}$.
- C. $\frac{a\sqrt{2}}{2}$.
- D. $a\sqrt{6}$.

Câu 34. Thể tích V của khối chóp có chiều cao bằng h và diện tích đáy bằng B là

- A. $V = \frac{1}{2}Bh$.
- B. $V = \frac{1}{6}Bh$.
- C. $V = Bh$.
- D. $V = \frac{1}{3}Bh$.

Câu 35. Giá trị lớn nhất của hàm số $y = -x^4 + 4x^2$ trên đoạn $[-1; 2]$ bằng

- A. 4.
- B. 5.
- C. 1.
- D. 3.

Câu 36. Cho hàm số $y = \frac{2x+1}{1-x}$. Mệnh đề nào sau đây đúng?

- A. Hàm số nghịch biến trên $(-\infty; 1)$ và $(1; +\infty)$.
- B. Hàm số đồng biến trên $\mathbb{R} \setminus \{1\}$.
- C. Hàm số đồng biến trên $(-\infty; 1) \cup (1; +\infty)$.
- D. Hàm số đồng biến trên $(-\infty; 1)$ và $(1; +\infty)$.

Câu 37. Cho hình trụ có chiều cao h và bán kính đáy R , công thức thể tích của khối trụ đó là

- A. $\pi R^2 h$. B. $\frac{1}{3} \pi R^2 h$. C. $\pi R h^2$. D. $\frac{1}{3} \pi R h^2$.

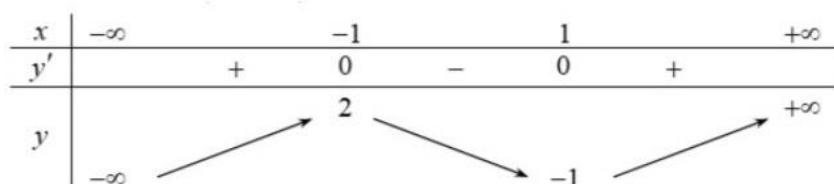
Câu 38. Cho phương trình $\log_2^2 x - \log_2 \frac{x^3}{4} \sqrt{e^x - m} = 0$. Gọi S là tập hợp các giá trị nguyên của tham số m thuộc đoạn $[-10; 10]$ để phương trình có đúng hai nghiệm phân biệt. Tổng các giá trị của S bằng

- A. -12. B. -3. C. -27. D. -28.

Câu 39. Giá trị cực tiểu của hàm số $y = x^3 - 3x^2 - 9x + 2$ là

- A. 3. B. -20. C. 7. D. -25.

Câu 40. Cho hàm số $y = f(x)$ xác định và liên tục trên khoảng $(-\infty; +\infty)$, có bảng biến thiên như hình sau:



Mệnh đề nào sau đây đúng?

- A. Hàm số nghịch biến trên khoảng $(1; +\infty)$.
 B. Hàm số nghịch biến trên khoảng $(-\infty; 1)$.
 C. Hàm số đồng biến trên khoảng $(-1; +\infty)$.
 D. Hàm số đồng biến trên khoảng $(-\infty; -2)$.

Câu 41. Hàm số $y = x^3 - 3x$ đồng biến trên khoảng

- A. $(0; +\infty)$. B. $(1; +\infty)$. C. $(-1; 1)$. D. $(-\infty; 1)$.

Câu 42. Gọi l , h , r lần lượt là độ dài đường sinh, chiều cao và bán kính mặt đáy của hình nón. Diện tích xung quanh S_{xq} của hình nón là

- A. $S_{xq} = 2\pi r l$. B. $S_{xq} = 4\pi r^2$. C. $S_{xq} = \pi r h$. D. $S_{xq} = \pi r l$.

Câu 43. Khẳng định nào sau đây đúng?

- A. $\pi > \pi^e$. B. $(\sqrt{2} - 1)^{-2023} > (\sqrt{2} + 1)^{2022}$.
 C. $\left(\frac{1}{2}\right)^{-2023} < 2^{2022}$. D. $\sqrt[3]{2^{2023}} > 2^{675}$.

Câu 44. Cho hình chóp tứ giác đều có cạnh đáy bằng a và chiều cao bằng a . Tang của góc giữa mặt bên và mặt đáy bằng

- A. 1. B. 2. C. $\frac{1}{2}$. D. $\frac{1}{\sqrt{3}}$.

Câu 45. Cho a, b, c là ba số thực dương, $a > 1$ thỏa mãn $\log_a^2(bc) + \log_a \left(b^3 c^3 + \frac{bc}{4} \right)^2 + 4 + \sqrt{9 - c^2} = 0$.

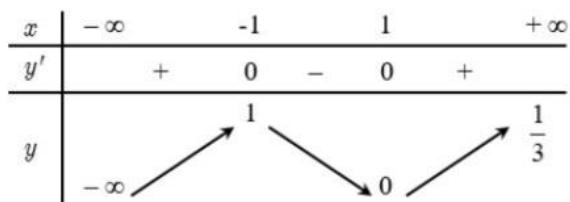
Khi đó, giá trị biểu thức $T = a^2 + 12b + c$ bằng

- A. 10. B. 11. C. 7. D. 6.

Câu 46. Cho khối nón có bán kính đáy $r = \sqrt{3}$ và chiều cao $h = 4$. Tính thể tích V của khối nón đã cho.

- A. $V = 12\pi$. B. $V = 4\pi$. C. $V = 4$. D. $V = 16\pi\sqrt{3}$.

Câu 47. Cho hàm số $y = f(x)$ có bảng biến thiên như hình dưới đây:



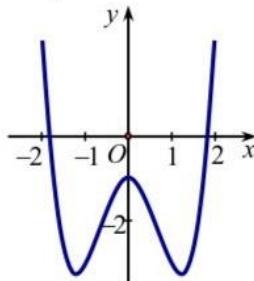
Tổng số tiệm cận ngang và tiệm cận đứng của đồ thị hàm số $y = \frac{1}{2f(x)-1}$ là

- A. 3. B. 1. C. 4. D. 2.

Câu 48. Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số $m \in [-2023; 2023]$ để phương trình $m(|x+1| - |x-1| + 2) = 2x^2 + 7 - 2\sqrt{x^4 - 2x^2 + 1}$ có nghiệm?

- A. 2024. B. 2025. C. 2022. D. 2023.

Câu 49. Cho hàm số $y = ax^4 + bx^2 + c$ có đồ thị như hình bên.



Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- A. $a > 0, b < 0, c > 0$. B. $a > 0, b > 0, c < 0$. C. $a > 0, b < 0, c < 0$. D. $a < 0, b > 0, c < 0$.

Câu 50. Cho hình chóp $S.ABCD$ có đáy $ABCD$ là hình vuông cạnh a . Biết $SA \perp (ABCD)$ và $SA = a\sqrt{3}$.

Thể tích của khối chóp $S.ABCD$ là:

- A. $\frac{a^3\sqrt{3}}{12}$. B. $a^3\sqrt{3}$. C. $\frac{a^3}{4}$. D. $\frac{a^3\sqrt{3}}{3}$.

----- HẾT -----